## ДИФРАКЦИОННАЯ МАСКА ДЛЯ ТРЕХМЕРНОГО ПРЕОБРАЗОВАНИЯ КАУСТИКИ

М.А. Завьялова, И.Г. Пальчикова Институт Автоматики и Электрометрии СО РАН

### Аннотация

Разработана и исследована дифракционная маска, позволяющая перераспределить энергию лазерного пучка к внешней поверхности каустики линзы. Представлены результаты математического моделирования распределения энергии вблизи фокуса, которые подтверждаются результатами экспериментального исследования каустики модулированной зонной пластинки, в структуре которой закодирована функция пропускания предлагаемой маски.

#### Введение

Лазеры широко применяются в технологических процессах обработки материалов во многих отраслях промышленности [1]. В последние годы в развитых странах для защиты от фальсификации и неучтенного оборота с успехом начала применяться лазерная защитная маркировка — регистрация информации с помощью эффектов теплового воздействия интенсивного лазерного излучения для получения идентификационных изображений на массовой продукции.

Большое разнообразие продукции и методов маркировки приводят к тому, что для каждой производственной линии необходима специфичная система маркировки. В ряде случаев для маркировки или в целях защиты ценных бумаг от подделок необходимо гравировать конические микроотверстия в толстом слое бумаги или картона. Наиболее распространенными способами лазерной маркировки являются резка путем перемещения остросфокусированного пучка по контуру изображения и перфорация материала. При перфорации идентификационная метка создается путем воздействия лазерного излучения на всю поверхность материала внутри контура метки одновременно [2]. В таких задачах актуальна лазерная фокусировка излучения в заданную область пространства с заданным распределением интенсивности.

Для лазерной перфорации конических микроотверстий применение обычного фокусирующего объектива является неэффективным, поскольку края отверстия получаются нерезкими. Это связано с тем, что большая часть энергии в каустике объектива концентрируется вблизи оптической оси. Устранить этот недостаток можно перераспределением световой энергии к внешней поверхности каустики таким образом, чтобы на некотором расстоянии от фокальной плоскости энергия фокусировалась в точку (вершина конуса), а в фокальной плоскости – в кольцо.

Задачи расчета оптических элементов и систем для фокусировки лазерного излучения в заданную область пространства с заданным распределением интенсивности в ней рассмотрены в ряде работ [2, 3, 4].

В работах [3, 4] показано, что путем модуляции дифракционной структуры фазовых зонных пластинок можно совмещать функции пропускания линз и фазовых масок. Были оптимизированы пара-

метры функции пропускания фазовых масок, преобразующих плоскую волну в кольцо в фокальном пятне. В [2] рассмотрена задача расчета функции пропускания оптического элемента, фокусирующего излучение на поверхность расходящегося конуса. Однако результаты, полученные в [2], не могут быть прямо использованы, если диаметр основания конуса сравним с диаметром кружка Эйри оптической системы.

В [5] предложена лазерная система регистрации оптической информации на фотоноситель с контролем формы записывающего пятна, основным элементом которой, с точки зрения получения равномерного распределения интенсивности в записывающем пятне, является фазопеременная пластинка с линзой, представляющая собой электрооптическую среду с изменяющимся коэффициентом преломления, нанесенная на прозрачную подложку.

Вельдкампом [6] было предложено использовать в системах оптической локации на  ${\rm CO_2}$  лазере для преобразования лазерного пучка гауссовой моды в пучок с профилем интенсивности, близким к плоскому в дальней волновой зоне, одномерную бинарную решетку. Этот метод обеспечил эффективное формирование пучка с распределением интенсивности, близким к равномерному.

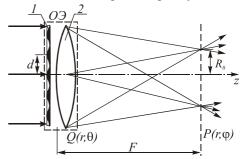


Рис. 1. Схематическое изображение тонкого оптического элемента (ОЭ) и хода лучей через него: 1 – амплитудно-фазовая круговая решетка; 2 – линза

Дифракционные оптические элементы (ОЭ) нашли широкое применение для лазерной обработки материалов. В работе [7] сообщается об экспериментальных результатах гравировки микроотверстий в полимерных материалах и керамике с помощью лазерного пучка с «прямоугольным» распределением энергии в перетяжке. Такое распределение интенсивности в поперечном сечении каустики достигалось путем введения контролируемых (расчет-

ных) аберраций в оптическую систему телескопа Галилея с помощью дифракционного ОЭ. При этом длинные растягивающиеся лепестки гауссова пучка были свернуты к центру, что позволило значительно улучшить качество края микроотверстия.

В настоящей работе предложена, рассчитана и экспериментально апробирована дифракционная фазовая маска, позволяющая выполнять 3-х мерное преобразование каустики, а именно – перераспределять световую энергию к внешней поверхности каустики линзы.

# 1. Выбор базовой конструкции объектива

Известно решение задачи расчета функции пропускания оптических систем, фокусирующих в кольцо [2–4]. В работе [8] предложен алгоритм расчета, основанный на интегральном преобразовании Френеля, и определена функция пропускания  $\tau(\rho)$  тонкого оптического элемента (ОЭ) неограниченной апертуры, фокусирующего плоскую световую волну в кольцо:

$$\tau(\rho) = J_0 \left( \frac{R_0 k}{F} \rho \right) \exp \left( -i \frac{k}{2F} \rho^2 \right), \tag{1}$$

где  $J_0(\bullet)$  — функция Бесселя первого рода нулевого порядка;  $\rho$  — радиус вектор в плоскости ОЭ,  $R_0$  — радиус кольца в плоскости, находящейся на расстоянии F от плоскости ОЭ,  $k=2\pi/\lambda$  — волновой вектор,  $\lambda$  — длина волны.

Функция (1) состоит из двух сомножителей, один из которых описывает функцию пропускания амплитудно-фазовой маски, второй – функцию пропускания линзы. На рис. 1 показан ход лучей через ОЭ, расположенный в плоскости Q, 1 и 2 – компоненты ОЭ.

Маска 1 является амплитудно-фазовой круговой решеткой с периодом d, который связан с радиусом кольца  $R_{\theta}$  следующим соотношением:

$$d = \frac{\lambda F}{R_0} \,. \tag{2}$$

Если аксиально-симметричный ОЭ с диаметром зрачка 2a осветить плоской однородной монохроматической волной, то распределение интенсивности I в фокальной плоскости P, где введены полярные координаты  $(r, \varphi)$ , имеет вид:

$$I(r) = I_0 \left| \frac{\sin\left[\frac{ka}{F}(R_0 - r)\right]}{\frac{ka}{F}(R_0 - r)} \right|^2.$$
 (3)

Отсюда следует, что характерная ширина кольца  $\Delta$  зависит от диаметра зрачка, фокусного расстояния F элемента ОЭ и длины световой волны:

$$\Delta = \frac{\lambda F}{a} \,. \tag{4}$$

Если радиус кольца сравним с его шириной

$$R_0 \le \frac{n\Delta}{2} \,, \tag{5}$$

где n — целое число, то период решетки 1 связан с диаметром зрачка следующим неравенством:

$$d \ge \frac{2a}{n} \,, \tag{6}$$

что при n = 1 дает

$$d \ge 2a \ . \tag{7}$$

То есть на зрачке элемента помещается менее одного периода решетки.

В отсутствие маски волновой фронт после ОЭ совпадает с опорной сферой Гаусса линзы 2. У интересующей нас маски  $R_0 \sim \Delta/2$  и фазовая функция

пропускания ОЭ представима как 
$$\frac{k}{2F}(\rho - R_0)^2$$
 , то

есть волновой фронт после ОЭ по-прежнему является поверхностью вращения с той же образующей параболой, что и в отсутствие маски, однако вершина параболы немного смещена с оптической оси. В результате волновой фронт приобретает осесимметричные аберрации и, в первую очередь, сферическую. Поэтому наименьший кружок рассеяния будет наблюдаться в плоскости наилучшей фокусировки, отличной от фокальной.

Наиболее технологичными [3] являются решетки с прямоугольным профилем штриха. Для такого типа решеток в рамках условий (5) и (7) комплексная функция пропускания  $\tau_m(\rho)$  равна:

$$\tau_m(\rho) = \begin{cases} 1, R_1 \le \rho \le a \\ e^{i\psi}, 0 < \rho < R_1 \end{cases}$$
 (8)

Функция (8) описывает пропускание фазовой маски в виде круговой ступеньки с глубиной по фазе  $\psi$ . В работах [3, 9] показано, что наиболее оптимально выбирать  $\psi = \pi$ .

Таким образом, мы показали, что оптическая система ОЭ (см. рис. 2), состоящая из фазовой маски (1) и линзы (2), может сфокусировать излучение в кольцо в фокальной плоскости и одновременно – в точку на некотором расстоянии от нее.

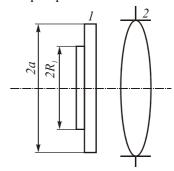


Рис. 2. Базовая оптическая система: 1 – фазовая маска; 2 – фокусирующая линза

Следовательно, эта оптическая система может использоваться в качестве базовой для решения задачи, поставленной в настоящей работе.

### 2. Вычислительный эксперимент

# 2.1. Расчет распределения интенсивности вблизи фокуса оптической системы

Расчет распределения интенсивности поля в окрестности фокуса (в плоскости  $P(r, \varphi)$  на рис. 1) тонкого ОЭ выполнен в приближении Френеля:

$$I(r,z) = \left| \frac{2\pi}{\lambda z} \int_{0}^{a} \exp\left(i\frac{k\rho^{2}}{2z}\right) \exp\left(-\frac{\rho^{2}}{\omega^{2}}\right) \times \tau_{0} J_{0}\left(\frac{kr\rho}{z}\right) \rho \partial \rho \right|^{2},$$

$$(9)$$

где  $\exp(-\rho^2/\omega^2)$  — радиальное распределение амплитуды гауссова пучка в плоскости входного зрачка;  $\omega$  — радиус перетяжки;  $J_0(\bullet)$  — функция Бесселя первого рода нулевого порядка.

Функция пропускания оптической системы имеет вид:

$$\tau_0 = \exp\left(-i\frac{k\rho^2}{2F}\right)\tau_m(\rho),\tag{10}$$

Введем безразмерные переменные:

$$\frac{\rho}{a} = \rho'; \frac{a}{R_1} = a'; \frac{r}{a} = r'; \frac{R_1}{\omega} = R'. (11)$$

С учетом (11) формула (9) примет вид:

$$= \frac{2\pi}{\lambda z} \int_{0}^{1} \exp(i\rho'^{2} \left(F_{z} - F_{f}\right)) \exp(-\rho'^{2} R'^{2} a'^{2}) \times, (12)$$

где 
$$F_z=rac{\pi a^2}{\lambda z}$$
 и  $F_f=rac{\pi a^2}{\lambda f}$  — числа Френеля.

Полученное выражение (12) положено в основу вычислительного эксперимента по исследованию формы и характеристик каустики оптической системы «линза+маска» в поперечном и меридиональном направлениях, а также по сравнению этой каустики с каустикой одиночной линзы.

# 2.2. Распределение интенсивности в поперечных сечениях каустики

В работах [3–4] показано, что при отношении  $R_1/a$ =0,7 в фокальной плоскости будет наблюдаться «кольцеобразное» распределение интенсивности, описываемое разностью функций Бесселя первого рода нулевого порядка в случае однородной монохроматической освещающей волны. Перераспределение энергии достигалось только для плоской волны в одной (фокальной) плоскости. Поскольку в нашей работе актуальна задача перераспределения энергии в объеме каустики в случае гауссова освещающего пучка, то мы исследовали распределение интенсивности вдоль оптической оси (в пределах глубины фокуса) и в поперечных сечениях при ко-

герентном освещении. Расчеты по формуле (12) показали, что критичными для оптимизации являются соотношения между  $\omega$ ,  $R_1$  и a. Оптимизация проводилась методом перебора параметров маски до достижения минимума интенсивности дифрагированной волны в фокальной плоскости. Расчеты выполнялись для следующих параметров гауссова пучка и маски:  $\lambda$ =10,6 мкм; F=75 мм; a=8 мм;  $\omega$ =3,5 мм. На рис. 3 показано нормированное распределение интенсивности  $I_0(0,z)$  вдоль каустики на оси для одиночной линзы - график пунктирной линией и для линзы с фазовой маской I(0,z) – график сплошной линией. На графике сплошной линией в фокальной плоскости интенсивность падает до нуля, а по обе стороны в пределах глубины фокуса наблюдаются ее максимумы. Такое видоизменение каустики достигается при следующих значениях параметров:  $R_1/\omega = 0.829$  и  $R_1/\alpha = 0.363$ . Нормировка проводилась на величину максимальной интенсивности на оси в фокальной плоскости для одиночной линзы. Таким образом, зная световой радиус маски а и радиус перетяжки гауссова пучка  $\omega$ , мы всегда можем найти такой радиус ступеньки  $R_{I}$ , при котором в фокусе будет наблюдаться кольцо. В нашем случае  $R_1$  равен 2,9 мм.

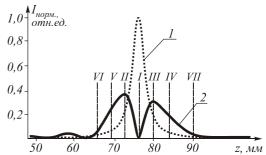


Рис. 3. Графики распределения интенсивности вдоль оси каустики для одиночной линзы – 1 и для линзы с маской – 2.  $R_1/\omega$ =0,829 и  $R_1/a$ =0,363

Проведем сравнение распределений интенсивности в следующих плоскостях, обозначенных на рис. 3:

- фокальная плоскость I;
- плоскость фокусировки в точку для системы «линза+маска» перед фокальной плоскостью – II;
- плоскость фокусировки в точку для системы «линза+маска» после фокальной плоскости – III;
- плоскость, в которой интенсивность на оси падает в  $e^{-2}$  раз для одиночной линзы перед фокальной плоскостью  $-{f IV}$ ;
- плоскость, в которой интенсивность падает в  $e^{-2}$  раз для одиночной линзы после фокальной плоскости  $\mathbf{V}$ ;
- плоскость, в которой интенсивность падает в  $e^{-2}$  раз для системы «линза+маска» перед фокальной плоскостью  ${
  m VI}$ ;
- плоскость, в которой интенсивность падает в  $e^{-2}$  раз для системы «линза+маска» после фокальной плоскости **VII**.

Проведем анализ распределения интенсивности I в фокальной плоскости при z=F. На рис. 4а представлен график зависимости распределения интенсивности от r' для одиночной линзы (график 1) и для системы «линза+маска» (график 2) в плоскости z=F. На рис. 4б изображен трехмерный график этого распределения для системы «линза+маска», который наглядно иллюстрирует перераспределение энергии в кольцо в фокальной плоскости.

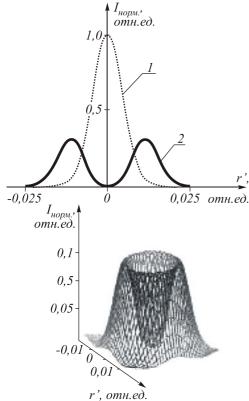


Рис. 4. а) графики распределения интенсивности в фокальной плоскости:  $I - \partial$ ля линзы и  $2 - \partial$ ля линзы с фильтром; б) объемный график распределения интенсивности I(x,y) в фокальной плоскости для линзы с маской

Обычно представляют интерес следующие характеристики фокального кружка: D — диаметр кольца по уровню  $e^{-2}$ ;  $\Delta$  — ширина кольца по уровню  $e^{-2}$ ;  $D_I$  — диаметр кольца ( $D_I$ =  $2R_0$ );  $I_{max,k}$  — значение максимальной интенсивности в кольце;  $I_{max,kr}$  — значение максимальной интенсивности в кружке Эйри;  $\Delta_{\text{Эйри}}$  — диаметр кружка Эйри по уровню  $e^{-2}$  (рис. 5). В таблицу 1 сведены расчетные значения этих характеристик.

Таблица 1.

<i>D</i> , мкм	Δ,	$I_{max,k},$ $0/0$	$I_{max,kr},$ $0/0$	Δ <sub>Эйри</sub> , МКМ	$D_{I},$ MKM
304	116	15	100	150	182

Из таблицы 1 видно, что диаметр фокального пятна D для системы «линза+маска» увеличивается приблизительно в 2 раза по сравнению с диаметром  $\Delta_{\text{Эйри}}$  кружка Эйри. Ширина кольца  $\Delta$  сравнима с

диаметром кружка Эйри. Величина интенсивности в максимуме кольца  $I_{max,k} \approx I_{max,kn}/6$ , что связано с перераспределением энергии падающего излучения по большей площади.

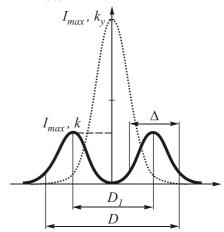


Рис. 5. Обозначение характеристик фокального кружка

Теперь исследуем распределение интенсивности в плоскостях **I**, **III**, **IV**, **V**, **VI** и **VII**. В таблице 2 приведены расчетные значения z–координаты, интенсивности  $I_{max}(z)$ , ширины светового пятна  $\Delta_i$  и  $D_i$  в выбранных плоскостях для одиночной линзы и для системы «линза+маска», соответственно.

Из таблицы 2 видно, что во всех характерных плоскостях вдоль каустики размеры пятен  $D_i$  для системы «линза+маска» меньше, чем ширина светового пятна  $\Delta_i$  в этих плоскостях для одиночной линзы.

Таблица 2.

i dostitija 2.								
Выбранная плоскость		Одиночная линза		Система «линза+ маска»				
Обозна- чение	Коор- дината <i>z</i> , мм	I <sub>max</sub> , %	$\Delta_i,$ MKM	$I_{max}$ , $0/0$	$D_i$ , мкм			
II	71,7	19	338	36	186			
III	78,55	16	350	30	198			
IV	71	13	395	34	187			
V	79	12,8	404	29	206			
VI	65,6	2,7	875	4,9	494			
VII	86,75	1,7	978	4	600			

Максимальная интенсивность на оси в центре пятна в выбранных плоскостях вдоль оси z системы «линза+маска» приблизительно в два раза больше интенсивности в соответствующей плоскости для одиночной линзы. Это говорит о том, что в этих плоскостях энергия в каустике системы «линза+маска» распределена по меньшей площади, чем у одиночной линзы. Сравнивая плоскости II и III, можно сделать вывод, что распределение интенсивности в пределах глубины фокуса системы «лин-

за+маска» несимметрично относительно фокальной плоскости: в плоскости **II** максимальная интенсивность в пятне на оптической оси больше, чем в плоскости **III**. К тому же спад интенсивности после плоскости **III** более пологий. Диаметры пятен в этих плоскостях приближаются к диаметру кружка Эйри для одиночной линзы в фокальной плоскости (см. таблицу 1).

На рис. 6 представлены программно—синтезированные изображения световых пятен для одиночной линзы (а) и для системы «линза+ маска» (б) в сечениях каустики между фокальной плоскостью I и плоскостью фокусировки в точку II, а рис. 6б наглядно иллюстрирует влияние фазовой маски на структуру поля.

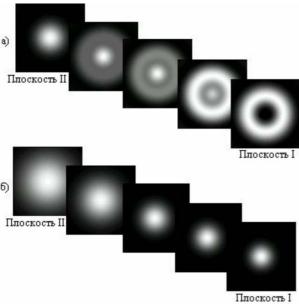


Рис. 6. Програмно-синтезированные изображения световых пятен
(а) в сечениях каустики для одиночной линзы;
(б) для системы «линза+маска»

# 2.3. Распределение интенсивности в меридиональном сечении каустики

Более полное представление о распределении энергии в каустике можно получить, если дополнительно построить изофоты в ее меридиональном сечении. Рассмотрение меридионального сечения позволяет сравнить глубину фокуса  $\Delta z_{n+m}$  системы «линза+маска» с глубиной фокуса одиночной линзы  $\Delta z_n$ . Именно глубиной фокуса будут определяться параметры конических микроотверстий, такие как высота конуса, угол конуса, диаметр основания.

В [10] выполнено классическое рассмотрение этой задачи для хорошо коррегированной линзы, построены изофоты для случая плоской освещающей волны.

В настоящей работе распределения интенсивности для одиночной линзы и для системы «линза+маска» для случая гауссовой освещающей волны вычислены посредством MathCAD 2000/Pro. На рис. 7 показаны изофоты вдоль каустики в меридиональ-

ном сечении. Области равной интенсивности имеют одинаковую яркость. По горизонтальной оси откладывается z — координата, а по вертикальной — r' координата. Сравнивая изофоты линзы и системы «линза+маска», можно сделать вывод, что глубина фокуса системы превышает глубину фокуса одиночной линзы.

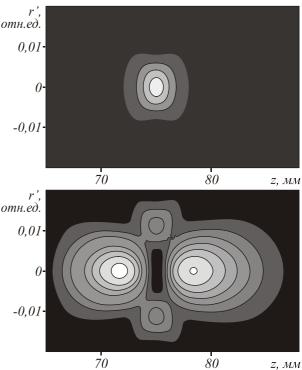


Рис. 7. Изофоты в меридианальной плоскости вблизи фокуса для гауссовой волны:
а) для одиночной линзы;
б) для системы «линза+маска»

Обычно глубину фокуса  $\Delta z$  для фокусирующих систем определяют как расстояние от фокальной плоскости до плоскости, в которой происходит спад интенсивности на 20 %. Найдем  $\Delta z$  из формулы (13) для одиночной линзы ( $\tau_0 \equiv 1$ ) при плоской освещающей волне. Распределение интенсивности для точек, лежащих на оси, описывается следующим выражением:

$$I_{A,HOPM}(0,z) = \frac{f^2}{z^2} \sin c^2 \left(\frac{F_z - F_f}{2}\right). \tag{13}$$

В формуле (13) нормировка проведена на максимальную интенсивность в фокусе на оси. Приравнивая  $I_{_{\pi, норм}}(0, z)$  к 0,8 и полагая, что вблизи фокуса  $f/z \approx 1$ , получим выражение для оценки  $\Delta z_{_{\mathcal{I}}}$ :

$$\Delta z_{\pi} = \pm \frac{1}{2} \frac{\lambda f^2}{a^2} \,. \tag{14}$$

Теперь оценим глубину фокуса системы «линза+маска» —  $\Delta z_{\pi^+ M}$ . Для этого так же вычислим интеграл (12) для  $\tau_0 = \tau_m$  и r' = 0, интенсивность запишется как:

$$I(0,z) = \left(\frac{2F_z}{F_z - F_f}\right)^2 \left(1 - \cos\left(\frac{F_z - F_f}{2}\right) \times \cos\left(\frac{F_z - F_f}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{F_z - F_f}{2}\right)\right) = . (15)$$

$$= 0.8$$

Уравнение (15) — трансцендентное, и в явном виде выразить  $\Delta z$  не удается. Задавая необходимые параметры, можно рассчитать  $\Delta z$  для конкретного случая.

Была проведена оценка глубины фокуса  $\Delta z$  с помощью встроенных функций MathCAD 2000/Pro. Расчеты показали, что значение глубины фокуса для  $\Delta z_{\pi}$ , оцененное по спаду интенсивности на 20%, составило 0,8 мм, а для системы «линза+маска»  $\Delta z_{\pi+M}$  – 3,45 мм.

Таким образом, в ходе численного моделирования была получена наглядная модель каустики системы «линза+маска», изучены ее свойства и проведено сравнение с каустикой обычной фокусирующей линзы. Показано, при совмещении маски и линзы происходит трехмерное видоизменение каустики. В фокальной плоскости энергия фокусируется в кольцо, диаметр которого в два раза больше диаметра кружка Эйри для одиночной линзы. При этом критичными являются как параметры маски (а и  $R_0$ ), так и радиус перетяжки гауссова пучка  $\omega$ . При увеличении  $\omega$  отношение  $R_1/a=0.363$  приближается к отношению  $R_1/a=0.7$ , полученного для плоской волны. На некотором расстоянии от фокальной плоскости энергия фокусируется в точку, диаметр которой сравним с диаметром кружка Эйри в фокальной плоскости. При этом происходит удлинение глубины фокуса «линза+маска» приблизительно в четыре раза по сравнению с глубиной фокуса одиночной линзы.

### 3. Экспериментальные исследования

Для проведения эксперимента использовалась амплитудная зонная пластинка (ЗП) Сорэ (центр – темный), состоящая из последовательно чередующихся прозрачных и непрозрачных концентрических колец, радиусы которых удовлетворяют следующему соотношению:

$$\rho_m = \sqrt{mf\lambda}, m - \text{целое},$$
(16)

где  $\rho_m$  — радиус m — ой зоны Френеля; m — номер зоны Френеля; f — фокусное расстояние для пучков, дифрагировавших в +1 порядок.

Функция пропускания ЗП Сорэ [11] имеет вид:

$$\tau_{sn}(\rho) = \begin{cases} 1, & (2m+1)\lambda f \le \rho_m^2 \le (2m+2)\lambda f \\ 0, & 2m\lambda f < \rho_m^2 < (2m+1)\lambda f \end{cases}, (17)$$

$$m = 0,1,2...$$

Функция пропускания (17) может быть представлена [11] в виде:

$$\tau_{3n}(\rho) = \frac{1}{2} - \frac{1}{\pi i} \sum_{p=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{p} \exp\left[\frac{i\pi p \rho^2}{\rho_0^2} + i2\pi^2 p\right], \quad (18)$$

где p — нечетное целое. Каждое слагаемое ряда (18) описывает функцию пропускания линзы с фокусом  $F_p = \frac{\rho_0^2}{\lambda D}$ . Зонная пластинка действует

подобно системе, состоящей из набора положительных и отрицательных линз с совмещенными главными плоскостями.

Рабочим порядком в эксперименте является +1, в области каустики которого остальные порядки дают паразитную засветку малой интенсивности, не влияющую на изучаемую картину. Поэтому в окрестности фокуса +1 порядка в сумме (18) можно пренебречь всеми слагаемыми, кроме p=1:

$$\tau_{3n}(\rho) = \frac{1}{\pi i} \exp\left[\frac{ik\rho^2}{2F_1}\right] \tag{19}$$

и действие ЗП на освещающий пучок эквивалентно действию одной линзы.

Важным свойством зонных пластинок является возможность видоизменять каустику путем изменения топологии зон [11]. В нашем случае трансформирование зон проведено следующим способом: в центральной части зонной пластинки непрозрачными являются нечетные зоны, а на периферии — четные. А именно, порядок чередования прозрачных и непрозрачных зон меняется по достижении радиуса  $R_I$ . Тем самым вносится дополнительный сдвиг фаз  $\pi$  между проходящими волнами. По сути, это эквивалентно внесению фазовой маски, имеющей сбой на радиусе  $R_I$ . Таким образом, в структуре модулированной зонной пластинки закодирована функция пропускания оптической системы, состоящей из одиночной (положительной) линзы и фазовой маски.

На рис. 8 представлена принципиальная оптическая схема экспериментальной установки.

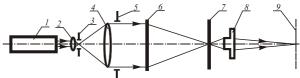


Рис. 8. Принципиальная оптическая схема экспериментальной установки

Световой луч от He-Ne лазера 1 ( $\lambda$ =0,63 мкм) расширяется микрообъективом 2 ( $40^{x}$ ). Объектив (5) (F=300 мм) формирует параллельный пучок, который дифрагирует на зонной пластинке (6). Ирисовая диафрагма 5 в выходном зрачке объектива (4) изменяет рабочую апертуру пучка. Изображение сечения каустики в плоскости (7) строится на экране (9) микрообъективом (8), который перемещается в пределах всего фокального отрезка. Апертура объектива ( $8^{x}$ ; 0,2) (8) значительно превышает выходную апертуру ( $\sim$ 0,065) исследуемых ЗП и микроскоп не вносит собственных аберраций. Изображение на-

блюдается визуально либо регистрируется цифровым фотоаппаратом CASIO QV-3500EX.

Целью эксперимента являлось изучение каустики модулированной ЗП Сорэ.

На рис. 9 приведены фотографии сечений каустики модулированной ЗП с фокусным расстоянием  $f_{3n}$ =158 мм, световым радиусом a=10,078 мм и радиусом сбоя  $R_I$  =6 мм. На рис. 9а представлено изображение сечения каустики в фокальной плоскости. При этом соотношение между радиусом сбоя и световым радиусом ЗП не соответствует оптимальному.

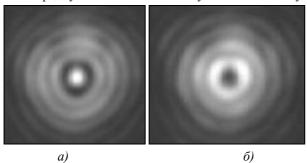


Рис. 9. Изображения сечения каустики в фокальной плоскости: а) с открытой диафрагмой (R1/a=0.13; z=158 мм); б) с закрытой диафрагмой (R1/a=0.7; z=75 мм)

Если уменьшить диафрагму таким образом, чтобы отношение  $R_1/a$  стало оптимальным, то энергия в фокусе перераспределится в кольцо (рис. 9б) к внешней поверхности каустики.

На рис. 10 приведены экспериментальные фотографии световых пятен в сечениях каустики модулированной ЗП Сорэ от фокальной плоскости I до плоскости фокусировки в точку II. Фотографии на рис. 10 соответствуют изображениям на рис. 6 между плоскостями I и II. В эксперименте нам удалось получить перераспределение энергии в каустике, согласующееся с расчетным. На рис. 10 ясно видны интерференционные кольцевые полосы от паразитного 0-го порядка дифракции.

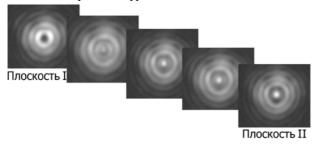


Рис. 10. Фотографии световых пятен в сечениях каустики, модулированной ЗП Сорэ

Горизонтальным микроскопом проведены измерения следующих характеристик каустики (см. рис. 6): 1) диаметра кольца — D; 2) ширины кольца —  $\Delta$ ; 3) диаметра пятна в плоскости **II** фокусировки в точку — D, 4) глубины фокуса —  $\Delta z$ . Полученные результаты измерений сведены в таблицу 3.

Видно, что экспериментальные и расчетные данные близки.

Таблица 3.

Параметр	Расчетные данные	Эксперим. данные	
D, мкм	42	56	
Δ, мкм	15	10	
<i>D'</i> , мкм	20	17	
$\Delta z$ , mkm	1000	1000	

## Выводы

В работе показано, что фазовая маска в виде круговой ступеньки глубиной  $\pi$  рад по фазе позволяет перераспределить энергию к внешней поверхности конуса в каустике. В фокальной плоскости I происходит фокусировка гауссова пучка в кольцо. По мере удаления от плоскости I вдоль оси z интенсивность в центре кольца увеличивается до тех пор, пока произойдет фокусировка излучения в световое пятно — в плоскости I или II. При этом найдены критичные параметры оптимизации — радиус сбоя в маске, световой радиус маски и радиус перетяжки гауссова пучка. Проведена оптимизация оптической системы и найдены соотношения между этими параметрами:  $R_I/\omega$  =0,829 и  $R_I/a$ =0,363.

В ходе численного моделирования построены графики распределения интенсивности вблизи фокуса для одиночной линзы и для системы «линза+маска», проведено изучение и сравнение каустик данных оптических систем. Расчеты показали, что ширина кольца  $\Delta$  соизмерима с диаметром кружка Эйри  $\Delta_{Эири}=1,22\Delta$ , причем диаметр пятна в плоскости фокусировки в точку для системы «линза+маска» также приблизительно равен этому параметру. Программно синтезированы изображения световых пятен вдоль оси z, а также вычислены изофоты в меридианальном сечении каустики. Показано, что глубина фокуса системы «линза+маска» в четыре раза больше глубины фокуса одиночной линзы, оцененной по спаду интенсивности на 20%.

В ходе экспериментальной части проведены модельные эксперименты с модулированными зонными пластинками, в структуре которых закодирована функция пропускания расчетной оптической системы, состоящей из хорошо корригированного объектива и фазовой маски. Экспериментальные данные согласуются с расчетными и подтверждают возможность перераспределения энергии в каустике.

Применение фазовых масок для трехмерного преобразования каустики в системах лазерной маркировки путем перфорации высококачественных конических отверстий в материале позволит улучшить их скоростные и точностные характеристики, обеспечивая высокую степень защиты от копирования другими способами.

## Литература

- Дьюли У. Лазерная технология и анализ материалов // М.: Мир, 1986. 502 с.
- 2. Методы компьютерной оптики // Под ред. В.А. Сойфера. М.: Физматлит, 2000. 687 с.
- 3. Корольков В.П., Коронкевич В.П., Михальцова И.А., Пальчикова И.Г., Полещук А.Г., Седухин А.Г., Соколов А.П., Чурин Е.Г., Юрлов Ю.И. Киноформы: технологии, новые элементы и оптические системы // Автометрия. Часть I.1989. №3. С. 91–99.
- 4. Корольков В.П., Коронкевич В.П., Михальцова И.А., Пальчикова И.Г., Полещук А.Г., Седухин А.Г., Соколов А.П., Чурин Е.Г., Юрлов Ю.И. Киноформы: технологии, новые элементы и оптические системы // Автометрия. Часть І. 1989. №4. С. 47–64.
- 5. Пат. 3705758 США МКИ GO2f1/28. Apparatus For Controlling A Beam Of Coherent Electro-magnetic wave. Haim Haskal. Опубл. 30.12.1969.

- 6. Weldkamp W. Laser Beam Profile Shaping With Binary Diffraction Gratings // Opt. Commun. 1981. V.38, № 5 6. P. 381-386.
- Karnakis D.M., Fieret J., Rumsby P.T. and Gower M.C. Microhole drilling using reshaped pulsed Gaussian laser beams // In: Laser Beam Shaping II. Proc. SPIE, 2001. V.4443.
- 8. Коронкевич В.П., Пальчикова И.Г., Полещук А.Г., Юрлов Ю.И.. Киноформные оптические элементы с кольцевым импульсным откликом // Новосибирск:. 1985. №265. 20 с.
- 9. Пальчикова И.Г., Полещук А.Г. Киноформы для лазерных систем записи информации // Тезисы докладов V Всесоюзной конференции «Оптика лазеров». Л.: ГОИ, 1986. 269 с.
- 10. Борн М., Вольф Э. Основы оптики // М.: Наука, 1970. 856 с.
- 11. Коронкевич В.П., Пальчикова И.Г. Современные зонные пластинки // Автометрия. 1992. № 1. С. 86–100.