

*М.А. Воронцов, А.В. Разгулин*

## СИНТЕЗ ФОКУСАТОРОВ ИЗЛУЧЕНИЯ В ПЛОСКУЮ ОБЛАСТЬ В УСЛОВИЯХ НЕЛИНЕЙНЫХ ИСКАЖЕНИЙ СВЕТОВЫХ ПУЧКОВ

Для эффективного решения целого ряда задач лазерной технологии необходимо обеспечить вполне определенное пространственное распределение интенсивности излучения на поверхности обрабатываемой детали. В какой-то мере эти задачи могут быть решены с помощью элементов плоской оптики (фокусаторов излучения) [1, 2].

При расчете фокусаторов обычно предполагается, что среда распространения излучения является линейной. В то же время в практических системах распространение лазерного излучения часто сопровождается нелинейными эффектами, среди которых основную роль играет тепловое самовоздействие световых пучков [3]. Тепловое самовоздействие существенным образом изменяет характеристики излучения, приводит к значительным искажениям амплитудно-фазового профиля пучка. Заметим, что существующие методы расчета фокусаторов не позволяют учесть нелинейные искажения и внести соответствующие корректизы в фазовую функцию фокусатора.

В настоящей работе предложена методика расчета фокусаторов излучения в плоскую область в условиях сильных нелинейных искажений световых пучков.

Предположим, что световой пучок с начальным профилем интенсивности  $I_0(x, y)$  распространяется в условиях стационарного теплового самовоздействия, обусловленного движением в поперечном направлении газового потока с постоянной скоростью  $v_0$ . Такая ситуация возникает при использовании газовых струй, обдувающих поверхность обрабатываемой детали, или при сканировании пучка вдоль поверхности. Ставится задача расчета фазовой функции  $u=u(x, y)$  фокусатора, обеспечивающего в условиях теплового самовоздействия получение заданного распределения интенсивности  $I_{\text{эт.}}(x, y)$  на расстоянии  $z=z^0$  от фокусатора. Основой построения алгоритма решения задачи является градиентный метод минимизации функционала невязки

$$J(u) = \iint_{\Omega} |I(x, y, z^0) - I_{\text{эт.}}(x, y)|^2 dx dy.$$

Функция  $I(x, y, z^0) = |A(x, y, z^0)|^2$  находится из решения задачи распространения излучения для некоторой оценки фазы  $u(x, y)$ . Для комплексной амплитуды поля  $A(x, y, z)$  и отклонения  $T(x, y, z)$  температуры среды от равновесного значения в приближении квазиоптики можно записать следующую систему уравнений:

$$2i \frac{\partial A}{\partial z} = \Delta_{\perp} A + RTA, \quad (1)$$

$$\frac{\partial T}{\partial x} = |A|^2, \quad (2)$$

где  $\Delta_{\perp} = \partial^2 / \partial x^2 + \partial^2 / \partial y^2$  - оператор Лапласа по поперечным координатам. Соотношения (1)-(2) записаны в безразмерном виде. Переменные  $x, y$  нормированы на начальный радиус светового пучка  $a_0$ , переменная  $z$  - на дифракционную длину  $L_d = ka_0^2$ ,  $k = 2\pi/\lambda$  - волновое число. Функции  $A$  и  $T$  нормированы на некоторые масштабные коэффициенты, явные выражения для которых приведены в [3]. Сила проявления нелинейных эффектов определяется величиной безразмерного коэффициента  $|R|$  (в случае тепловой дефокусировки  $R < 0$ ).

Уравнения (1)-(2) рассматриваются в ограниченной области  $Q = \Omega \times (0, z^0)$  ( $\Omega = (-D, D) \times (-D, D)$ ,  $D = 2$ ,  $\partial\Omega$  - граница  $\Omega$ ) совместно с начальными и граничными условиями

$$A|_{\partial\Omega \times (0, z^0)} = 0, \quad T|_{x=-D} = 0, \quad (3)$$

$$A|_{z=0} = A_0(x, y) \exp\{iu(x, y)\}, \quad (4)$$

где начальный амплитудный профиль  $A_0(x, y)$  задан, а фазовый фронт  $u=u(x, y)$  является управлением.

Отметим, что при управлении начальной фазой оптического излучения необходимо учитывать наличие ограничений, связанных с техническими возможностями изготавляемых фокусаторов. В ряде случаев эти ограничения можно учесть выбором фазы в виде разложения

$$u(x, y) = \sum_{n=1}^N u_n S_n(x, y), \quad (5)$$

где  $S_n(x, y)$  - некоторая система функций, описывающая aberrации оптической системы, а коэффициенты  $\{u_n\}_{n=1}^N$  являются управлением. Таким образом приходим к задаче минимизации

$$J(\{u_n\}) \rightarrow \inf, \quad \{u_n\}$$

для решения которой воспользуемся градиентным методом [4], состоящим в построении последовательности управлений  $u^k = \{u_n^k\}_{n=1}^N$ , минимизирующих функционал  $J$ , по правилу

$$u^{k+1} = u^k - \alpha_k \frac{\partial J}{\partial u}(u^k). \quad (6)$$

Шаг метода  $\alpha_k$  выбирается из условия убывания функционала  $J(u^{k+1}) < J(u^k)$ , а градиент  $\frac{\partial J}{\partial u} = \left\{ \frac{\partial J}{\partial u_n} \right\}_{n=1}^N$  функционала  $J$  с учетом (1)-(5) определяется из соотношений

$$\frac{\partial J}{\partial u_n} = - \operatorname{Im} \int_{\Omega} \Psi(x, y, 0) A(x, y, 0) S_n(x, y) dx dy, \quad n=1, N, \quad (7)$$

где  $\Psi = \Psi(x, y, z)$  - решение задачи, "сопряженной" к (1)-(4)

$$2i \frac{\partial \Psi}{\partial z} + \Delta \Psi + RT\Psi + 2iRA^*G = 0, \quad \Psi|_{\partial \Omega \times (0, z^0)} = 0,$$

$$\frac{\partial G}{\partial x} + \operatorname{Im}(A^*) = 0, \quad G|_{x=D} = 0,$$

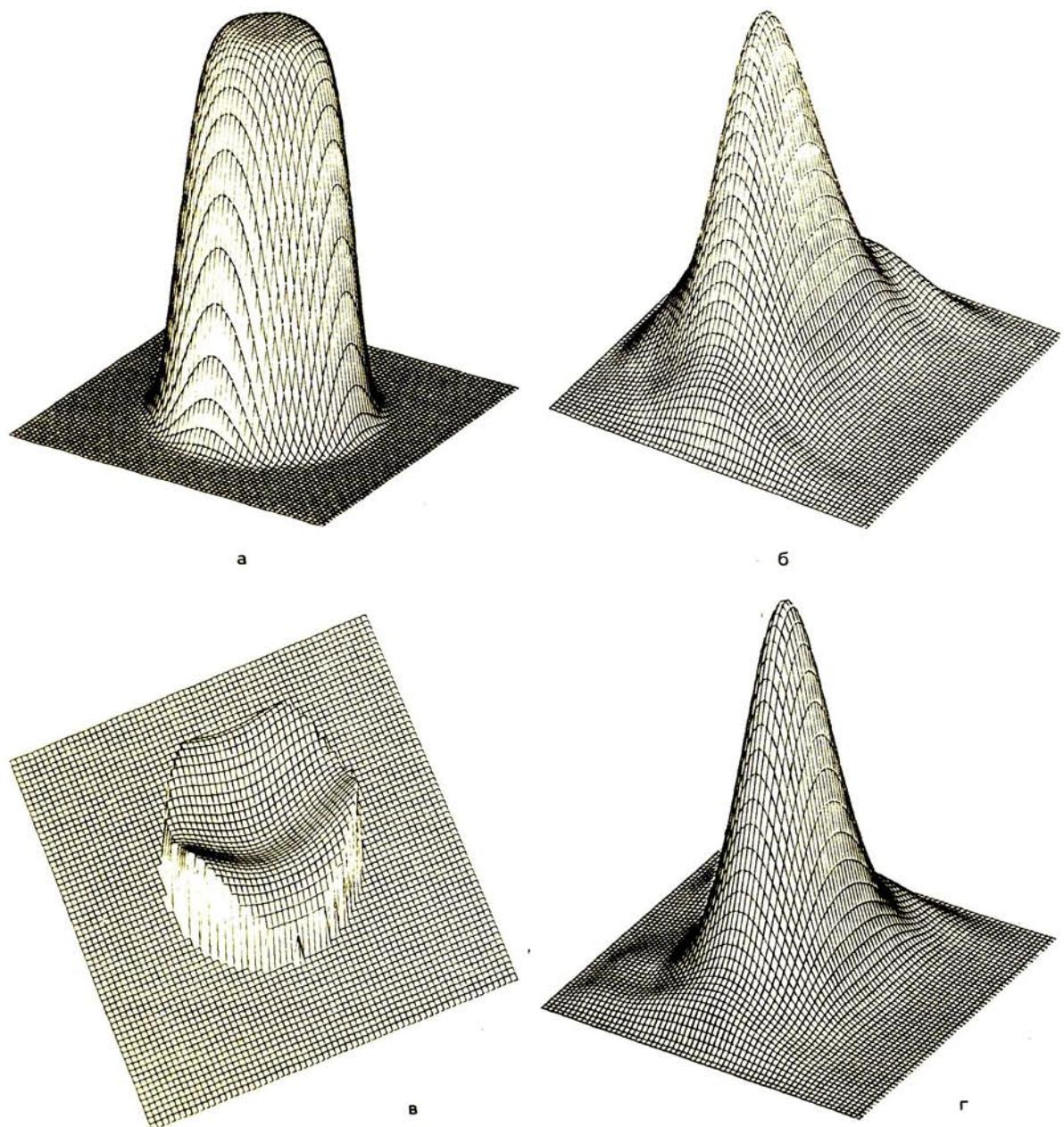
$$\Psi|_{z=z^0} = 4(I(x, y, z^0) - I_{\text{эт.}}(x, y)) A^*(x, y, z^0).$$

Остановимся на результатах численного моделирования. В качестве начальной амплитуды  $A_0$  в (4) было взято гипергауссово распределение

$$A_0(x, y) = \exp\left\{-\frac{1}{2}(x^2+y^2)^2\right\}. \quad (8)$$

Выбор  $A_0(x, y)$  вида (8) обеспечивает выполнение граничного условия (3) с достаточной степенью точности. В разложении фазы  $u(x, y)$  в (5) использовались полиномы Чебышева  $\{Z_n(x, y)\}$ ,  $n=1, 21$ , которые представляют собой систему функций, ортогональных в единичном круге, и описывают классические aberrации оптических систем. Длина трассы  $z^0=0,3$ . Распределение интенсивности  $I_{\text{эт.}}(x, y)$  в плоскости приемной апертуры при  $z=z^0$  совпадало с  $|A_0(x, y)|^2$ , то есть требовалось найти фазовую функцию  $u(x, y)$  фокусатора, обеспечивающую при  $z=z^0$  наилучшую компенсацию искажений начального профиля интенсивности оптического излучения, распространяющегося в нелинейной среде.

При численной реализации градиентного метода (6)-(7) для решения прямой и сопряженной задач были использованы нелинейные чисто неявные проекционно-разностные схемы, для разрешения которых на каждом расчетном слое по  $z$  использовались итерации в сочетании с алгоритмом быстрого преобразования Фурье. Вопросы устойчивости и сходимости этих схем рассматривались в [5]. Результаты оптимизации по методу (6)-(7) для случая  $R=-20$  иллюстрируются на рисунке (а-г). На рис. а представлено начальное распределение интенсивности  $|A_0(x, y)|^2$ . Профили интенсивности  $I(x, y, z^0)$  для начального приближения управления и после оптимизации изображены на рисунках б, г. При этом целевой функционал  $J$  уменьшился на 44%. Характерный профиль полученной фазовой функции в пределах единичного круга представлен на рис. в. Из рисунка видно, что при управлении фазой удается почти полностью скомпенсировать боковое смещение пучка, вызванное движением среды, и частично уменьшить его периферийные искажения. Полученные результаты свидетель-



**Фокусировка излучения в нелинейной среде:** а - начальное распределение интенсивности ( $z=0$ ); б - распределение интенсивности при  $z=z_0$  для начального приближения управления; в - фазовый профиль формирующего элемента; г - распределение интенсивности при  $z=z_0$  после оптимизации

ствуют об эффективности использования градиентных методов для расчета фокусаторов излучения в нелинейных средах.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Гончарский А.В., Сисакян И.Н., Степанов В.В. // ДАН СССР, 1984, т. 279, с. 68.
2. Воронцов М.А., Матвеев А.Н., Сивоконь В.П. // ДАН СССР, 1986, т. 290, с. 1354.
3. Воронцов М.А., Шмальгаузен В.И. Принципы адаптивной оптики. М.: Наука, 1985. 336 с.

4. Васильев Ф.П. Методы решения экстремальных задач. М.:  
Наука, 1981, 400 с.

5. Рагулин А.В. Задача оптимального управления для одного  
нелинейного уравнения типа Шредингера // Актуальные проблемы моделирова-  
ния и управления системами с распределенными параметрами: Всес. конф.  
(Тез. докл.). Киев, 1987, с. 34.

---